

BOARD OF INTERMEDIATE EDUCATION (AP)

HALF YEARLY EXAMINATIONS - 2021

SENIOR INTER MATHEMATICS - IIA

MODEL PAPER - 2 (Telugu Version)

Time: 3 Hours

Max.Marks: 75

సెక్షన్ - A

సూచనలు: i) అతిస్వల్ప సమాధాన ప్రశ్నలు.

10 × 2 = 20

ii) అన్ని ప్రశ్నలకు సమాధానాలు రాయండి.

iii) ప్రతి ప్రశ్నకు రెండు మార్కులు.

1. $(\sqrt{3} + i)^{100} = 2^{99} (a + ib)$ అయితే $a^2 + b^2 = 4$ అని చూపండి.
2. $1 + i\sqrt{3}$ ను మాప ఆయామ రూపంలో వ్యక్తపరచండి.
3. $7 + 24i$ యొక్క గుణన విలోమాన్ని కనుక్కోండి.
4. $x = \text{cis}\theta$ అయితే $\left(x^6 + \frac{1}{x^6}\right)$ విలువను కనుక్కోండి.
5. $(2 - \omega)(2 - \omega^2)(2 - \omega^{10})(2 - \omega^{11}) = 49$ అని చూపండి.
6. x యొక్క ఏ విలువలకు సమాసం $x^2 - 5x + 6$ ధనాత్మకం?
7. $4x^3 + 16x^2 - 9x - a = 0$ సమీకరణం యొక్క మూలాల లబ్ధం 9 అయితే 'a' విలువను కనుక్కోండి.
8. MATHEMATICS పదంలోని అక్షరాలను అమర్చడం ద్వారా వచ్చే ప్రస్తారాల సంఖ్యను కనుక్కోండి.
9. 12 భుజాలున్న ఒక బహుభుజిలోని కర్ణాల సంఖ్యను కనుక్కోండి.
10. $(1 + x)^{22}$ విస్తరణలో గరిష్ట ద్విపద గుణకం ${}^{22}C_r$ అయితే ${}^{13}C_r$ విలువను కనుక్కోండి.

సెక్షన్ - B

సూచనలు: i) స్వల్ప సమాధాన ప్రశ్నలు.

5 × 4 = 20

ii) ఏదైనా అయిదు ప్రశ్నలకు సమాధానాలు రాయండి.

iii) ప్రతి ప్రశ్నకు నాలుగు మార్కులు.

11. $(x - iy)^{1/3} = a - ib$ అయితే $\frac{x}{a} + \frac{y}{b} = 4(a^2 - b^2)$ అని చూపండి.
12. $\frac{z+1}{z+1}$ యొక్క వాస్తవ భాగం 1 అయితే z యొక్క బిందుపథం కనుక్కోండి. (ఇక్కడ $z = x + iy$)
13. R మీద $\frac{x^2 + 14x + 9}{x^2 + 2x + 3}$ ప్రమేయం గరిష్ట విలువను కనుక్కోండి.
14. x వాస్తవ సంఖ్య అయితే $\frac{1}{3x+1} + \frac{1}{x+1} - \frac{1}{(3x+1)(x+1)}$ విలువ 1, 4 ల మధ్య ఉండదని నిరూపించండి.
15. 1, 3, 5, 7, 9 అంకెలను ఉపయోగించి ఏర్పరచగల నాలుగు అంకెల సంఖ్యల మొత్తం కనుక్కోండి.

16. EAMCET పదంలోని అక్షరాలతో ఏర్పడే పదాలన్నింటినీ నిఘంటువు క్రమంలో అమరిస్తే ఆ క్రమంలో EAMCET పదం యొక్క కోటిని కనుక్కోండి.

17. ${}^{34}C_5 + \sum_{r=0}^4 (38-r)C_4$ ను సూక్ష్మీకరించండి.

సెక్షన్ - C

సూచనలు: i) దీర్ఘ సమాధాన ప్రశ్నలు.

5 × 7 = 35

ii) ఏవైనా అయిదు ప్రశ్నలకు సమాధానాలు రాయండి.

iii) ప్రతి ప్రశ్నకు ఏడు మార్కులు.

18. n పూర్ణాంకం అయితే $(1+i)^{2n} + (1-i)^{2n} = 2^{n+1} \cos \frac{n\pi}{2}$ అని చూపండి.

19. $\cos\alpha + \cos\beta + \cos\gamma = 0 = \sin\alpha + \sin\beta + \sin\gamma$ అయితే

i) $\cos 3\alpha + \cos 3\beta + \cos 3\gamma = 3 \cos(\alpha + \beta + \gamma)$

ii) $\sin 3\alpha + \sin 3\beta + \sin 3\gamma = 3 \sin(\alpha + \beta + \gamma)$ అని చూపండి.

20. $n \in \mathbb{N}$ అయితే $(p+iq)^{1/n} + (p-iq)^{1/n} = 2(p^2+q^2)^{1/2n} \cos\left(\frac{1}{n} \tan^{-1} \frac{q}{p}\right)$ అని చూపండి.

21. $(x-1)^n = x^n$ (n ధన పూర్ణాంకం) ను సాధించండి.

22. $3x^3 - 26x^2 + 52x - 24 = 0$ సమీకరణం యొక్క మూలాలు G.P. లో ఉంటే సాధించండి.

23. $x^4 - 4x^2 + 8x + 35 = 0$ సమీకరణం యొక్క ఒక మూలం $2 + i\sqrt{3}$ అయితే ఆ సమీకరణాన్ని సాధించండి.

24. $4x^3 + 20x^2 - 23x + 6 = 0$ సమీకరణం రెండు మూలాలు సమానమైతే సమీకరణం మూలాలన్నింటినీ కనుక్కోండి.

రచయిత: బి. ఈశ్వరరావు